

Vierkanten

10 maximumscore 3

- Er geldt $k^2 = 2$ 2
- Dit geeft $k = \sqrt{2}$ 1

of

- Voor 2 opeenvolgende waarden van n de lengte van de zijde van het vierkant berekenen (bijvoorbeeld: voor $n=1$ is $z=1$ en voor $n=2$ is $z = \sqrt{2}$) 2
- Hieruit volgt dat er met $\sqrt{2}$ is vermenigvuldigd (dus $k = \sqrt{2}$) 1

11 maximumscore 3

- Het opstellen van $\frac{1}{2} \cdot 2^n = 131\,072$ 1
- Hieruit volgt $2^n = 262\,144$ 1
- Dit geeft $n = {}^2\log(262\,144) = 18$ 1

12 maximumscore 4

- (Voor het vierkant met rangnummer $n=1$ geldt $z=1$, dus) $1 = 2^{a+1+b}$ en (voor het vierkant met rangnummer $n=3$ geldt $z=2$, dus) $2 = 2^{a+3+b}$ 1
- Hieruit volgt $0 = a+b$ en $1 = 3a+b$ 1
- Beschrijven hoe hieruit de waarden voor a en b gevonden kunnen worden 1
- Het antwoord $a = 0,5$ en $b = -0,5$ 1

of

- Er geldt $z(n) = \sqrt{\frac{1}{2} \cdot 2^n}$ 1
- Dit geeft $z(n) = \sqrt{2^{-1} \cdot 2^n}$ 1
- Hieruit volgt $z(n) = (2^{n-1})^{\frac{1}{2}}$ 1
- Dit geeft $z(n) = 2^{\frac{1}{2}n - \frac{1}{2}}$ (dus $a = 0,5$ en $b = -0,5$) 1

of

- Er geldt $(z(n))^2 = A(n) = (2^{a+n+b})^2$ 1
- $(2^{a+n+b})^2 = 2^{2a+2n+2b} = 2^{2a \cdot n} \cdot 2^{2b}$ 1
- Dit geeft $2^{2a} = 2 = 2^1$ dus $a = 0,5$ 1
- En $2^{2b} = \frac{1}{2} = 2^{-1}$ dus $b = -0,5$ 1